# 第7章 周波数コムを基準としたテラヘルツ周波数標準技術

安井武史\*

#### 1 はじめに

計量標準とは、計測の基準であり、経済・社会・科学技術の様々な分野で行われる計測の信頼性を保証する基盤として位置づけられる。したがって、計量標準は『国の力』を表す重要な技術基盤である。確かな信頼性に基づいた計量標準を確立することにより、応用産業を国内外に幅広く普及させていくことが可能になる。特に、周波数は電磁波において最も基本的な物理量であり、周波数標準が電磁波の計量標準の根幹をなしている。マイクロ波領域や光波領域の電磁波では、計測の基準が確立され、国家標準の整備が行われてきた。しかし、長らく未開拓な電磁波領域とされてきたテラヘルツ(THz)帯では十分に成熟した光源技術および計測技術がなかったため、未だ『周波数標準のTHzギャップ』が存在している。この『周波数標準のTHzギャップ』を解消できれば、確かな信頼性に基づいたTHz周波数標準を確立でき、センシングや無線通信を始めとしたTHz応用産業を幅広く普及させていくことが可能になる。本章では、『周波数標準のTHzギャップ』を解消する手段として、光波領域において革命的進展をもたらした周波数コム技術に着目し、周波数コムを基準としたTHz周波数標準技術について解説する。

## 2 周波数コムを用いたコヒーレント周波数リンク1)

コヒーレント周波数リンクに基づいたTHz周波数標準技術の概念図を図1に示す。現在、時間 (周波数)の定義は、マイクロ波帯のセシウム原子時計に基づいている。一方、光波領域のフェムト秒モード同期レーザー光は、光周波数領域において多数の安定な光周波数モード列がモード同期周波数の間隔で櫛(コム)の歯状に並んだ超離散マルチ・スペクトル構造(光コム)を有している<sup>2)</sup>。この光コムを光伝導アンテナ(あるいは非線形光学結晶や電気光学結晶)に入射すると、同じ周波数間隔を保ったまま、光コムがTHz領域までダウンコンバートされ、THz領域の周波数コム(THzコム)が生成される<sup>3)</sup>。光コムやTHzコムは、広い周波数選択性・非常に高いスペクトル純度・絶対周波数校正・周波数逓倍機能・単純性といった特徴を有しているので、現在の時

<sup>\*</sup> Takeshi Yasui 徳島大学 大学院ソシオテクノサイエンス研究部 教授

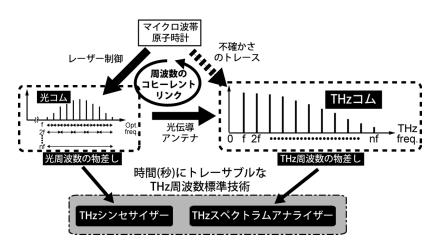


図1 コヒーレント周波数リンクに基づいたTHz周波数標準技術

間(周波数)標準であるマイクロ波原子時計を基準としてフェムト秒モード同期レーザーを安定化制御することにより、『周波数の超精密物差し』として利用できる。ここで重要なのは、レーザー制御や光伝導アンテナがコヒーレントな過程に基づいているため、光コムやTHzコムを『周波数リンカー』として利用でき、マイクロ波領域一光波領域一THz領域の周波数をコヒーレントにリンクすることが可能となることである。その結果、マイクロ波や光波領域における充実した周波数標準群の不確かさをTHz領域に分配でき、SI基本単位の1つである時間(秒)にトレーサブルなTHz周波数標準技術が構築できる。

# 3 THz帯スペクトラム・アナライザー (THzスペアナ)<sup>3~6)</sup>

マイクロ波領域の高周波信号をRF帯までダウンコンバートする技術として、電気光学サンプリングに基づいた高調波ミキシングがよく使われてきた<sup>7)</sup>。THzスペアナでは、光伝導ミキシング法を用いることにより、高調波ミキシングをTHz領域まで拡張している。測定原理を図 2(a)に示す。従来の電気的ヘテロダイン法との主な違いは、被測定CW-THz波の検出器兼ミキサー(ヘテロダイン検出器)として光伝導アンテナ(PCA)を用いることにより、室温環境下で高感度かつ広帯域なスペクトル感度を実現している。もう1つの違いは、PCA中に生成したフォトキャリヤのTHzコム(PC-THzコム)を、多周波の局部発振器として利用することにより、1台の局部発振器でTHz領域をフルカバーしている点である。その結果、室温環境下でTHz領域をフルカバー可能な高調波ミキシングが可能になる。

図 2(b)は、光伝導ミキシング法における周波数スペクトル信号の振る舞いを示している。フェ

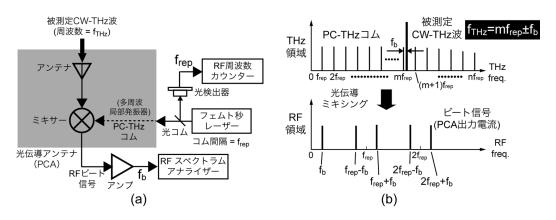


図 2 (a)THzスペアナの測定原理と(b)光伝導ミキシング法における周波数スペクトル

ムト秒レーザー(モード同期周波数 =  $f_{rep}$ )から出力された光コムを THz 検出用PCAのギャップに集光すると、光伝導過程を介した超広帯域復調により、PC-THzコム(周波数 =  $f_{rep}$ 、2 $f_{rep}$ 、……、 $nf_{rep}$ )がPCA内に生成される。このような状況下で、被測定 CW-THz波(周波数 =  $f_{THz}$ )がPCA内に入射されると、光伝導ミキシング過程を経て、両者のビート信号成分(周波数 =  $f_{b}$ 、 $f_{rep}$  ±  $f_{b}$ 、2 $f_{rep}$  ±  $f_{b}$ 、 ……、 $nf_{rep}$  ±  $f_{b}$ )がPCA出力電流信号として RF帯に生成される。ここで、最も低周波のビート信号( $f_{b}$  ビート信号)は、被測定 CW-THz 波とそれに最隣接した m次のコムモード(周波数  $mf_{rep}$ )のミキシングによって生成しているので、被測定 CW-THz 波の絶対周波数  $f_{THz}$  は以下のように与えられる。

$$f_{THz} = mf_{reb} \pm f_b \tag{1}$$

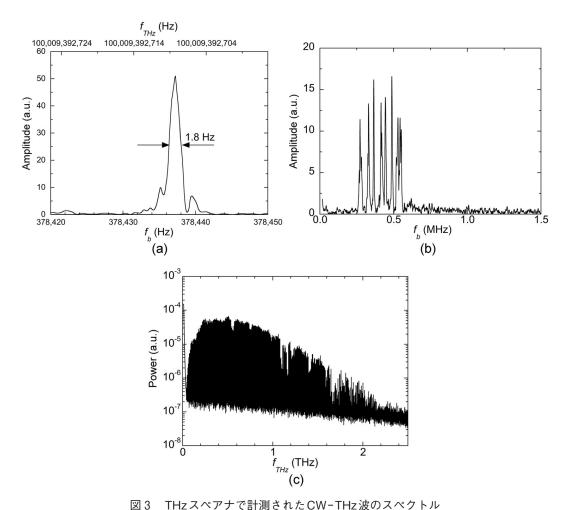
 $f_{rep}$  および  $f_b$ は、RF帯周波数計測機器で直接測定可能である。mと  $f_b$  符号を決定するためには、モード同期周波数  $f_{rep}$ を  $\delta f_{rep}$ だけ変化させた時のビート周波数  $f_b$ の変化量  $\delta f_b$ を計測する。この場合、 $f_{THz}$ は以下のように与えられる。

$$f_{THz} = m \left( f_{reb} + \delta f_{reb} \right) \pm \left( f_b + \delta f_b \right) \tag{2}$$

式(1)と(2)の等号関係から、mと $f_b$ 符号が以下の式を用いて決定できる。

$$m = \frac{\left|\delta f_b\right|}{\left|\delta f_{reb}\right|} \tag{3}$$

$$sign(f_b) = -sign\left(\frac{\delta f_b}{\delta f_{reb}}\right) \tag{4}$$



(a) 周波数逓倍器, (b) UTC-PDフォトミキシングソース, (c) THz電磁波パルス

図 3(a)は、マイクロ波周波数シンセサイザーの出力を周波数逓倍器で 6 逓倍することによって得た CW-THz波(周波数 = 100 GHz、パワー = 5 mW)の周波数スペクトルを示しており、下側と上側のスケールはビート周波数  $f_b$ と絶対周波数  $f_{THz}$ をそれぞれ示している。狭線幅のスペクトルが極めて高分解能に測定できている。また、周波数測定精度は $10^{-11}$ に達しており、これはレーザー制御用基準信号源に用いたルビジウム原子時計と同等である。図 3(b)は、THz無線通信によく用いられるFバンド(周波数  $= 90 \sim 140$  GHz)単一走行キャリア・フォトダイオード(UTC-PD)型フォトミキシングCW-THz光源  $^{80}$ (周波数 = 120 GHz、パワー = 100  $\mu$ W)を計測した例である。ビート信号が大きく揺らいでいる様子が確認できるが、これはフォトミキシングに用いた2 台の近赤外CWレーザーがフリーランニング状態であるためである。図 3(c)は、フェムト秒パルス光とTHz発生用PCAによって発生させたTHz電磁波パルスの周波数スペクトルを測定した

#### テラヘルツ波新産業

例である。従来のTHz-TDSでは、スペクトル分解能の制限のため、THzパルスは連続スペクトルとして計測されるが、実際には周波数コム状のTHzスペクトルを有していることがわかる。また、THzスペアナのスペクトル感度が少なくとも2THzにおよんでいることも確認できる。さらに、電気光学サンプリングを用いたTHzスペアナで、28 THz帯CW炭酸ガスレーザーのスペクトルを計測したり $^{9}$ 、2.7 THz帯CW量子カスケードレーザーをTHzコム・モードに位相同期し高出力・狭線幅CW-THz波が実現されている $^{10}$ 。

## 4 THz帯周波数シンセサイザー (THzシンセ)<sup>11,12)</sup>

狭線幅で絶対周波数を広帯域に連続走査可能な THzシンセは、精密 THz分光用光源やヘテロダイン検出器用局部発振器として重要である。また、THz分光計の周波数校正や THz無線通信用キャリヤ信号のための基準周波数信号源としての利用も期待できる。これまでに、2台の近赤外レーザー光のフォトミキシング $^{80}$ や光パラメトリック過程 $^{130}$ を用いた周波数可変 CW-THz光源が報告されているが、これらの絶対周波数の不確かさは精密計測用途には必ずしも十分と言えなかった。一方、光の領域では、単一モード CW レーザー光を光コムに位相同期することにより、マイクロ波周波数標準にリンクされた光シンセが実現されている $^{14,150}$ 。もし、周波数差が THz オーダーの 2台の光シンセを準備し、両者をフォトミキシングして CW-THz 波を発生させれば、マイクロ波周波数標準に位相同期した THz シンセが実現できるであろう。このような考えに基づいた THz シンセの原理図を図 4 に示す。光シンセ 1 (周波数固定)の絶対周波数  $f_{obs}$ 1 は以下のように表せる。

$$f_{ofs1} = f_{ceo1} + m_1 f_{reb1} + f_{beat1} \tag{5}$$

ここで、 $f_{ceol}$ と $f_{rep1}$ は光コム1のキャリヤ・エンベロープ・オフセット周波数とコム間隔、 $m_1$ は CW レーザー1 が位相同期した光コム1のモード次数、 $f_{beat1}$ はCW レーザー1と光コム・モード $m_1$  のビート周波数である。 $f_{ceol}$ 、 $f_{rep1}$ 、 $f_{beat1}$ をレーザー制御によってマイクロ波周波数標準に位相同期し、 $m_1$ を波長計で決定すれば、 $f_{ofs1}$ をマイクロ波周波数標準の不確かさで決定できる。一方、光シンセ2 (周波数可変)の絶対周波数 $f_{ofs2}$ は以下のようになる。

$$f_{0f;2} = f_{ceo2} + m_2 f_{reb2} + f_{beat2} \tag{6}$$

ここで、 $f_{ceo2}$ と $f_{rep2}$ は光コム 2 のキャリヤ・エンベロープ・オフセット周波数とコム間隔、 $m_2$ は CW レーザー 2 が位相同期した光コム 2 のモード次数、 $f_{beat2}$ は CW レーザー 2 と光コム・モード $m_2$  のビート周波数である。したがって、光シンセ 1 と光シンセ 2 のフォトミキシングによって発生

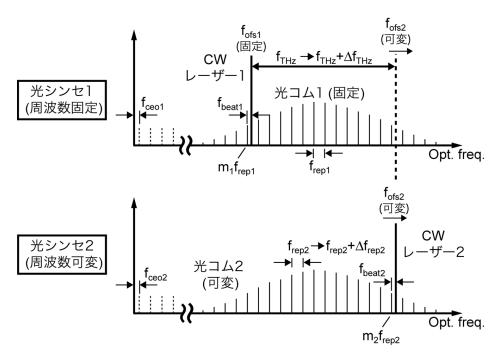


図4 2台の光シンセのフォトミキシングに基づいたTHzシンセ

させたCW-THz波の絶対周波数 $f_{THz}$ は、以下のようになる。

$$f_{THz} = \left| f_{ofs2} - f_{ofs1} \right| = \left| (f_{ceo2} - f_{ceo1}) + (m_2 f_{rep2} - m_1 f_{rep1}) + (f_{beat2} - f_{beat1}) \right| \tag{7}$$

光シンセ同様, $f_{THz}$ もマイクロ波周波数標準の不確かさで決定できる。ここで, $f_{rep2}$ を $\Delta f_{rep2}$ だけ変化させると, $f_{THz}$ を $m_2\Delta f_{rep2}$ だけ連続チューニングすることができる。例えば,中心周波数194 THz(中心波長1,550 nm)のファイバー光コムにおいて,コム間隔 $f_{rep2}$ (=50 MHz)の1%が可変であるとすると( $\Delta f_{rep2}$ =500 kHz), $f_{THz}$ の連続チューニング範囲は約2 THzに達し,ブロードバンドな THzシンセとしても利用可能である。

原理確認実験として、水素メーザーに位相同期した 2 台の光シンセ ( $f_{ceo1}$  = 10,683,000 Hz,  $f_{rep1}$  = 49,985,225 Hz,  $f_{beat1}$  = 21,384,000 Hz,  $f_{ofs1}$  = 194.4 THz,  $f_{ceo2}$  = 10,683,000 Hz,  $f_{rep2}$  = 50,971,733 Hz,  $f_{beat2}$  = 69,960,000 Hz,  $f_{ofs2}$  = 194.5 THz,  $\Delta f_{ofs2}$  = 990 GHz) を準備し、両者の光周波数差をFバンド範囲内( $90\sim140$  GHz)に設定した。そして、FバンドUTC-PDを用いたフォトミキシングにより、CW-THz波(平均パワー =  $250\,\mu$ W)を発生させた。図 5 は、Fバンド内でTHzシンセの出力周波数をチューニングした時のスペクトル波形を示している。スペクトル波形の観測には、上述のTHzスペアナ  $^{4,5)}$  を用いた。CW-THz波がFバンド内でチューニングできている様子が確認できる。線幅が 1 MHz程度と若干広いものの、その中心周波数は水素メーザーと同等の不確かさ

### テラヘルツ波新産業

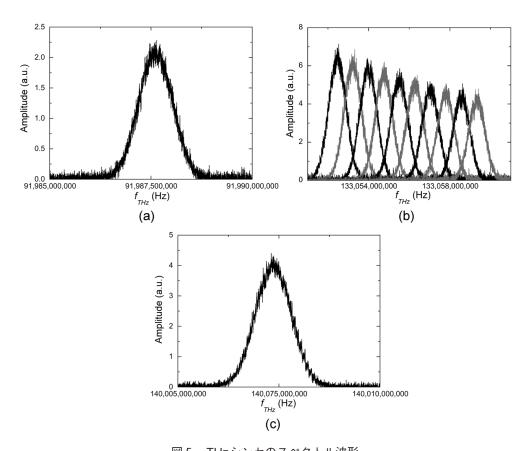


図 5 THzシンセのスペクトル波形 (a) 92 GHz付近, (b) 133 GHz付近, (c) 140 GHz付近

である。今回の実験では、フォトミキサーとしてFバンドUTC-PDを用いたので出力周波数が90~140 GHzに制限されているが、もしPCAのような高周波フォトミキサーを用いれば $^{16}$ 、1 THz 以上の周波数帯で利用可能な THz シンセも実現できる。

## 文 献

- 1) T. Yasui et al., IEEE J. Selected Topics in Quantum Electron., 17, in press (2011)
- 2) Th. Udem et al., Nature, 416, 233 (2002)
- 3) T. Yasui et al., Appl. Phys. Lett., 88, 241104 (2006)
- 4) S. Yokoyama et al., Opt. Express, 16, 13052 (2008)

### 第7章 周波数コムを基準としたテラヘルツ周波数標準技術

- 5) T. Yasui et al., Opt. Express, 17, 17034 (2009)
- 6) T. Yasui et al., Opt. Lett., **35**, 1689 (2010)
- 7) G. K. Gopalakrishnan *et al.*, *IEEE-MTT*, **41**, 2383 (1993)
- 8) T. Nagatsuma et al., Laser, Photon. Rev., 3, 123 (2009)
- 9) P. Gaal et al., Nature Photon., 1, 577 (2007)
- 10) S. Barbieri et al., Nature Photon., 4(9), 636 (2010)
- 11) T. Yasui et al., J. Appl. Phys., 107, 033111 (2010)
- 12) T. Yasui et al., Opt. Express, to be submitted
- 13) K. Kawase et al., Journal of Physics D: Applied Physics, 35, R1 (2002)
- 14) H. Takahashi *et al.*, Technical Digest of Conference on Lasers and Electro-Optics 2009, CTuK4 (2009)
- 15) 高橋永斉ほか, Optics & Photonics Japan 2009 講演予稿集, 25 aD5 (2009)
- 16) S. Matsuura et al., Appl. Phys. Lett., 70, 559 (1997)